

1.1 Εμβαδόν επίπεδης επιφάνειας

Ερώτηση 1

Τι είναι το εμβαδόν μιας επίπεδης επιφάνειας;

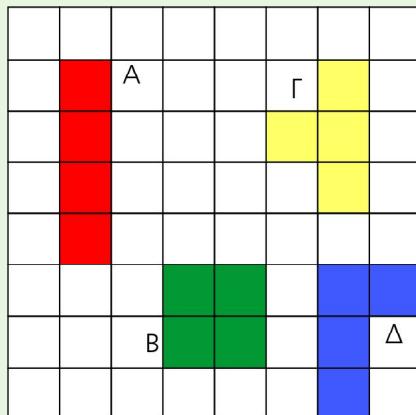
Απάντηση

Το εμβαδόν μιας επίπεδης επιφάνειας είναι ένας θετικός αριθμός, που εκφράζει την έκταση που καταλαμβάνει η επιφάνεια αυτή στο επίπεδο. Ο αριθμός αυτός εξαρτάται από τη μονάδα μέτρησης επιφανειών που χρησιμοποιούμε.

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑΤΑ – ΕΦΑΡΜΟΓΕΣ

Να υπολογίσετε τα εμβαδά των παρακάτω σχημάτων έχοντας μονάδα μέτρησης εμβαδού το ■. Τι έχετε να παρατηρήσετε;

1



Λύση

Αν μετρήσουμε τα τετράγωνα ■ σε κάθε σχήμα έχουμε:

- για το σχήμα Α 4 τετράγωνα
- για το σχήμα Β 4 τετράγωνα
- για το σχήμα Γ 4 τετράγωνα
- για το σχήμα Δ 4 τετράγωνα

Παρατηρούμε ότι τα σχήματα Α, Β, Γ, Δ ενώ δεν έχουν το ίδιο σχήμα έχουν το ίδιο εμβαδόν.

2

Το εμβαδόν ενός τριγώνου με μια μονάδα μέτρησης Α είναι 24Α, ενώ για μια άλλη μονάδα μέτρησης Β είναι 8Β. Αν ένα ορθογώνιο έχει εμβαδόν 13Β, να βρεθεί το εμβαδόν του ορθογωνίου αυτού με μονάδα μέτρησης το Α.

Λύση

Το εμβαδόν του τριγώνου είναι $24A$ ή $8B$

$$\text{Άρα } 24A = 8B \text{ ή } B = \frac{24}{8}A \text{ ή } B = 3A$$

Οπότε το εμβαδόν του ορθογωνίου είναι

$$13 \cdot B = 13 \cdot 3A = 39A$$

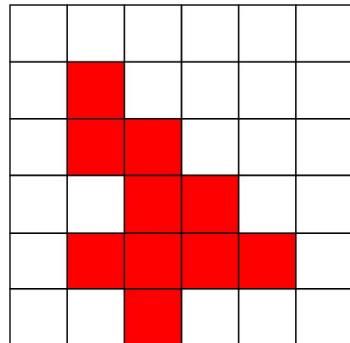
ΕΡΩΤΗΣΕΙΣ ΚΑΤΑΝΟΗΣΗΣ**1**

Να χαρκηρίσετε τις παρακάτω προτάσεις ως Σωστή (Σ) ή Λάθος (Λ)

- α.** Το εμβαδόν μιας επίπεδης επιφάνειας είναι ένας αρνητικός αριθμός
- β.** Το εμβαδόν μιας επίπεδης επιφάνειας εξαρτάται από την μονάδα μέτρησης επιφανειών που χρησιμοποιούμε
- γ.** Ιδια σχήματα έχουν ίσα εμβαδά

2

Το εμβαδόν του παρακάτω σχήματος



- α)** Με μονάδα μέτρησης είναι:

A. 2 B. 4 C. 6 D. 8 E. 10

- β)** Με μονάδα μέτρησης είναι:

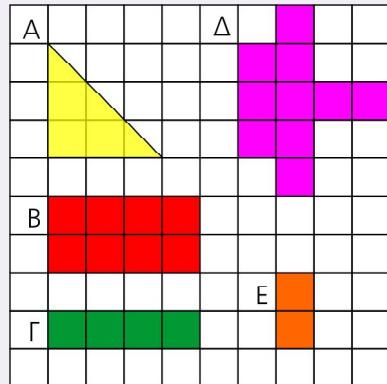
A. 2 B. 4 C. 5 D. 7 E. 10

ΠΡΟΤΕΙΝΟΜΕΝΕΣ ΑΣΚΗΣΕΙΣ

1

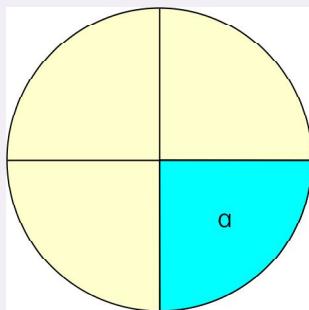
Να υπολογίσετε τα εμβαδά των παρακάτω σχημάτων με μονάδα μέτρους

- a) το 
- β) το 
- γ) το 

**2**

Ένας κύκλος χωρίζεται όπως φαίνεται στο σχήμα. Να βρείτε το εμβαδόν του κύκλου με μονάδα μέτρους το

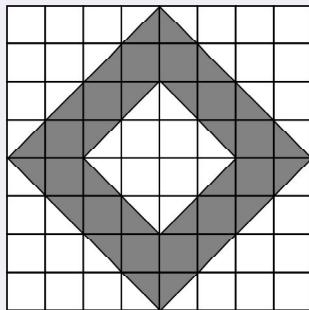
- a)
- β) το $2a$

**3**

Ο πατέρας του Κώστα θέλει να τοποθετήσει μαύρα και άσπρα πλακάκια στον τοίχο με την παρακάτω διάταξη.

Να βρεθεί

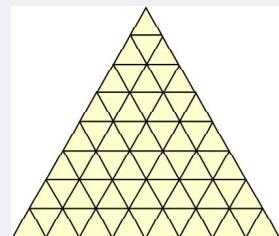
- α) το εμβαδόν της επιφάνειας του τοίχου με μονάδα μέτρους το 
- β) το εμβαδόν που καλύπτουν τα μαύρα πλακάκια.
- γ) Το ποσό που θα δώσει ο πατέρας του Κώστα αν γνωρίζουμε ότι το άσπρο πλακάκι κοστίζει 8€ και το μαύρο πλακάκι κοστίζει 11€.



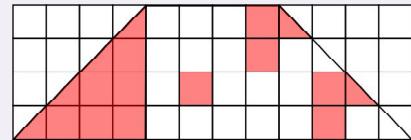
4

Να βρείτε το εμβαδόν του διπλανού τριγώνου με μονάδα μέτρησης

- a)
- b)
- c)

**5**

Σε μια σκεπή σπιτιού εμβαδόν $32 \square$ λειπούν κάποια κομμάτια όπως φαίνεται στο παρακάτω σχήμα. Ποιο είναι το εμβαδόν της επιφάνειας της σκεπής που πρέπει να επισκευαστεί με μονάδα μέτρησης



- a)
- b)

6

Στο διπλανό σχήμα αποδείξτε ότι το εμβαδόν του τριγώνου $\Delta B\Gamma$ είναι το τετραπλάσιο του τριγώνου ΔEZ (με μονάδα μέτρησης \triangle)

