

Α.5.2. Προβλήματα με ποσοστά



Τα καταστήματα συχνά πωλούν προϊόντα με έκπτωση.

Έκπτωση (εκ-πτώση) είναι η μείωση της τιμής πώλησης ενός προϊόντος.

Συνηθέστερα ένα κατάστημα προσφέρει έκπτωση σε ένα προϊόν με βάση ένα ποσοστό της αρχικής τιμής του προϊόντος.



1. Η έκπτωση δίνεται συνήθως ως ποσοστό.
2. Από το ποσοστό της έκπτωσης μπορείτε να υπολογίσετε το ποσό της έκπτωσης πολλαπλασιάζοντας το ποσοστό με την αρχική τιμή.
3. Για να υπολογίσετε την τιμή του προϊόντος με έκπτωση αφαιρείτε το ποσό της έκπτωσης από την αρχική τιμή.



Το ποσό της έκπτωσης και η τιμή με έκπτωση είναι ίδια.

- Ποιο κλάσμα είναι ίσο με 50%;
- Πώς θα μπορούσατε να λύσετε το πρόβλημα χωρίς να κάνετε υπολογισμούς;



Η φράση -50% είναι το ίδιο με το $\frac{1}{2}$ της τιμής.



Άρα για να βρείτε την τιμή μπορείτε να υπολογίσετε το μισό των 5 ευρώ που είναι 2,5 ευρώ.

23. Πρόβλημα:

Σε ένα βιβλιοπωλείο ένα βιβλίο που πωλείται προς 15 ευρώ μπορεί να αγοραστεί 10% φθηνότερα.

(α) Σε τι αναφέρεται το 10%;

.....

(β) Ποια είναι η έκπτωση;

.....

(γ) Ποια είναι η τιμή πώλησης του DVD;

.....

.....

.....

.....

4. Σε ένα πολυκατάστημα ένα φόρεμα αξίας 40 ευρώ έχει 25% έκπτωση.

(α) Σε τι αναφέρεται η φράση 25% έκπτωση;

.....

(β) Ποια είναι η έκπτωση;

.....

(γ) Ποια είναι η τιμή του φορέματος με την έκπτωση;

.....

.....

.....

5. Σε ένα κατάστημα πώλησης προϊόντων βιολογικής παραγωγής πωλείται μία σαλάτα αξίας 5 ευρώ που έχει ένα αυτοκόλλητο που αναγράφει «-50%».

(α) Σε τι αναφέρεται η φράση -50%;

.....

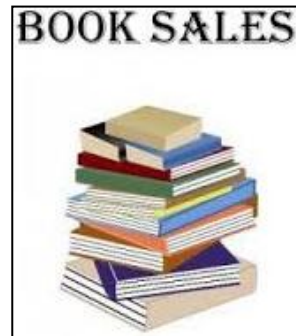
(β) Ποια είναι η έκπτωση;

.....

(γ) Ποια είναι η τιμή της σαλάτας με την έκπτωση;

.....

.....



6. Σε ένα bazaar βιβλίων, η τιμή πώλησης μία σειράς βιβλίων που το καθένα αξίζει 9 ευρώ είναι το $\frac{1}{3}$ της αρχικής τιμής.

(α) Σε τι αναφέρεται η φράση είναι το $\frac{1}{3}$ της αρχικής τιμής;

.....

(β) Ποια είναι η έκπτωση;

.....

(γ) Ποια είναι η τιμή του κάθε βιβλίου με την έκπτωση;

.....

.....

7. Σε ένα βιβλιοπωλείο ένα βιβλίο που πωλείται προς 15 ευρώ μπορεί να αγοραστεί 10% φθηνότερα. Ποια είναι η έκπτωση; Ποια είναι η τιμή πώλησης του DVD; Να υπολογίσετε την τιμή με έκπτωση με τον τρόπο που περιγράφεται αριστερά.

.....

.....

.....

.....



Από το ποσοστό έκπτωσης μπορείτε να υπολογίσετε το ποσοστό της τιμής που τελικά θα πληρωθεί, αν αφαιρέσετε από το 100 το ποσοστό έκπτωσης.

Ανακεφαλαίωση

Τα καταστήματα συχνά πωλούν προϊόντα με μειωμένες-χαμηλότερες τιμές κάνοντας έκπτωση. Συνηθέστερα αυτή η έκπτωση είναι ένα ποσοστό της αρχικής τιμής. Οι φράσεις «-30%», «10% off», «στο $\frac{1}{3}$ της αρχικής τιμής», «Έκπτωση 15%», «Save 25%», «Get a 20% discount» χρησιμοποιούνται για να δείχνουν την έκπτωση.

Διαδικασία:

1. Για να υπολογίσετε το ποσό της έκπτωσης, πολλαπλασιάζετε το ποσοστό της έκπτωσης με την αρχική τιμή.
2. Για να υπολογίσετε την τιμή με έκπτωση, αφαιρείτε το ποσό της έκπτωσης από την αρχική τιμή.

8. Πρόβλημα:

Ο Κώστας εντόπισε σε ένα κατάστημα ηλεκτρονικού εμπορίου το τηλεχειριζόμενο ελικόπτερο που ήθελε να αγοράσει. Παρατηρώντας την τιμή είδε ότι είχε 49,00 ευρώ. Ωστόσο είδε και την τιμή 39,84 ευρώ στην οποία είχαν προστεθεί 9,16 ευρώ. Δεν γνώριζε όμως γιατί υπήρχαν δύο τιμές...



είναι το μικρότερο τηλεχειριζόμενο ελικόπτερο στην αγορά. Με ένα σύστημα ελέγχου 3.5 καναλιών, καθώς και το σχεδιασμό αυτόματης ισορροπίας είναι πραγματικά το ιδανικό όχημα για πτήση, όταν υπάρχει έλλειψη χώρου ή αν είστε αρχάριος σε θέματα πτήσεων.

- **Τηλεχειρισμός:** Τυπικός 3.5 καναλιών.
- **Μπαταρία:** 6 x AA (για τον τηλεχειρισμό του).
- **Πρόσθετα χαρακτηριστικά:** Φορτίζει μέσω του τηλεχειρισμού του με ικανότητα πτήσης έως και 7 λεπτά.
- **Βάρος:** 0.025kg.
- **Εγγύηση:** 1 χρόνος. DOA 7 ημερών

Κατασκευαστής:	
Κατηγορία:	ΜΟΝΤΕΛΙΣΜΟΣ
Υποκατηγορία:	ΕΛΙΚΟΠΤΕΡΑ
Τιμή:	39.84 € + 9.16 € 23% ΦΠΑ = 49.00 €
Διαθεσιμότητα:	Άμεσα διαθέσιμο για online παραγγελία / Διαθεσιμότητα καταστημάτων Αθήνας - Θεσσαλονίκης

Έτσι, ξεκίνησε την διερεύνησή του. Πρώτα από όλα ο Κώστας έλεγξε αν η πρόσθεση $39,84 + 9,16$ δίνει ως αποτέλεσμα 49,00 ευρώ. Στη συνέχεια προσπάθησε να κατανοήσει την φράση «23% ΦΠΑ» που αναγραφόταν δεξιά του ποσού 9,16 ευρώ. Ποιο ρόλο έχει;

Ξεκίνησε με το λεξικό για να βρει το αρκτικόλεξο ΦΠΑ.

Το λεξικό έγραφε: **Φ.Π.Α.** (ο) Φόρος Προστιθέμενης Αξίας.

«Δεν φαίνεται πολύ διαφωτιστικό» είπε από μέσα του...

Η ηλεκτρονική εγκυκλοπαίδεια Βικιπαίδεια ήταν το επόμενο βήμα. Άνοιξε τον υπολογιστή, άνοιξε τον φυλλομετρητή του και πληκτρολόγησε: <http://el.wikipedia.org/>

Στη συνέχεια έγραψε το αρκτικόλεξο ΦΠΑ και εντόπισε: <http://el.wikipedia.org/wiki/ΦΠΑ>

Από όλα τα αναγραφόμενα κατέληξε ότι ο ΦΠΑ είναι ένας **φόρος** (δηλαδή ένα ποσό χρημάτων που καταβάλλουν οι πολίτες στο κράτος) που **προστίθεται** στην αξία μίας παρεχόμενης υπηρεσίας ή ενός προϊόντος που κάποιος αγοράζει.

Τα πράγματα γίνονταν πιο ξεκάθαρα. Το ποσοστό 23% ήταν το ποσοστό ΦΠΑ που προστίθεται στην αξία του ελικοπτέρου που ήθελε ο Κώστας να αγοράσει.

Το αρχικό πρόβλημα επαναδιατυπώθηκε στο μυαλό του Κώστα ως εξής:

Το τηλεχειριζόμενο ελικόπτερο κοστίζει 39,84 ευρώ. Αν ο ΦΠΑ είναι 23% ποιο είναι το ποσό του ΦΠΑ που θα πληρώσει; Ποιο είναι το συνολικό ποσό που θα πληρώσει για την αγορά του ελικοπτέρου περιλαμβάνοντας τον ΦΠΑ;

Ο Κώστας θυμήθηκε την διαδικασία που είχε ακολουθήσει για να υπολογίσει το ποσό της έκπτωσης, όπου και αυτή δινόταν ως ποσοστό.

Από το ποσοστό της έκπτωσης (το ποσοστό του ΦΠΑ) μπορεί να υπολογιστεί το ποσό της έκπτωσης (του ΦΠΑ) πολλαπλασιάζοντας το ποσοστό με την αρχική τιμή.

Το ποσοστό ΦΠΑ είναι 23%, δηλαδή $23/100$ ή 0,23

Το ποσό του ΦΠΑ είναι $0,23 \times 39,84 = 9,1632$ ευρώ (με στρογγυλοποίηση στο πλησιέστερο εκατοστό είναι 9,16 ευρώ).

Η τιμή με ΦΠΑ υπολογίζεται ως εξής:

$$\begin{array}{r} 39,84 \text{ (Αρχική τιμή)} \\ + 9,16 \text{ (Ποσό ΦΠΑ)} \\ \hline 49,00 \text{ (Τιμή με ΦΠΑ)} \end{array}$$



Τόκος

Είναι το χρηματικό ποσό που είναι υποχρεωμένος να δώσει ο οφειλέτης στο δανειστή για ορισμένη ποσότητα χρηματικού δανείου που πήρε και για ορισμένο χρονικό διάστημα. Ο τόκος είναι στην ουσία η αμοιβή-αποζημίωση του δανειστή για το ποσό που δάνεισε στον οφειλέτη.



Επιτόκιο

Είναι το ποσοστό επί τοις εκατό (%) του τόκου προς το συνολικό χρηματικό ποσό. Το επιτόκιο αναφέρεται πάντα σε ετήσια βάση.



Επιτόκιο α% σημαίνει ότι στο τέλος του χρόνου τα 100 ευρώ θα αυξηθούν κατά α ευρώ, δηλαδή συνολικά (100 + α) ευρώ.



Γενικά, όταν θέλετε να δανειστείτε χρήματα από μια τράπεζα, η τράπεζα ζητάει να της επιστρέψετε τα χρήματα με τόκο. Το ίδιο όμως συμβαίνει και όταν κάποιος καταθέτει στην τράπεζα χρήματα. Τα χρήματα αυτά τοκίζονται (δηλαδή ο πελάτης θα εισπράξει τόκο) γιατί στην περίπτωση αυτή ο πελάτης είναι ο δανειστής και η τράπεζα ο οφειλέτης.

9. Ο Γιώργος κατέθεσε στην τράπεζα 1500 ευρώ για ένα χρόνο με επιτόκιο 2%. Πόσος είναι ο τόκος που θα εισπράξει στο τέλος του χρόνου;

Για να υπολογίσετε τον ετήσιο τόκο, πολλαπλασιάζετε το κεφάλαιο (π.χ. κατάθεση ή χρηματικό δάνειο) επί το επιτόκιο. Δηλαδή, ετήσιος τόκος = κεφάλαιο · επιτόκιο

.....

.....

.....

.....

10. Ένας έμπορος δανείστηκε από την τράπεζα 5.500 ευρώ για ένα χρόνο με επιτόκιο 8%. Πόσα ευρώ θα πληρώσει στο τέλος του χρόνου;

.....

.....

.....

.....

11. Ένας επιχειρηματίας δανείστηκε από την τράπεζα 50.000 ευρώ για 7 μήνες με επιτόκιο 6%. Τι τόκο θα πληρώσει στο τέλος των 7 μηνών;

Για να υπολογιστεί ο τόκος για χρονικό διάστημα διαφορετικό του έτους, πολλαπλασιάζεται το κεφάλαιο επί το επιτόκιο, επί το κλάσμα που αντιστοιχεί στο μέρος του έτους που μας ενδιαφέρει.

.....

.....

.....

.....

12. Να υπολογίσετε τον τόκο που θα εισπράξετε αν καταθέσετε στην τράπεζα 1000 ευρώ με επιτόκιο 5% για 9 μήνες

.....

.....

.....

.....